

diameter minima GL, ad tempus casus per FH, vel potius ad tempus semiofcillationis penduli SH.

Si incitatio ponderis in G effet æqualis gravitati ipsius G vel K , deberet tempus circuitus in circulo GL esse æquale duabus ofcillationibus penduli longitudinis FG, per theorema . . .¹⁾ nostrum de vi centrifuga. Nunc autem incitatio in G est ad pondus absolutum G ut FG ad $\frac{1}{2}GH$, hoc est ut b ad $\frac{1}{2}a$. (nam GH censetur æqualis FH). Ut igitur fiat vis centrifuga æqualis incitatiõni seu pressioni chordæ flexæ super pondus G , debet fieri sicut b ad mediam proportionalem inter b et $\frac{1}{2}a$, hoc est, sicut b ad $\sqrt{\frac{1}{2}ab}$ ita tempus duarum ofcillationum penduli FG ad tempus circuitus per circulum GL. Sit tempus ofcillationis unius penduli FG, ∞n . Ergo $\frac{2n \sqrt{\frac{1}{2}ab}}{b} \infty$ tempus circuitus per circulum GL.

Verum ut b ad $\sqrt{2ab}$ ita tempus ofcillationis penduli FG ad tempus ofcillationis penduli SH. Ergo hoc tempus erit $\frac{n \sqrt{2ab}}{b}$.

Erat autem tempus circuitus per circulum GL $\infty \frac{2n \sqrt{\frac{1}{2}ab}}{b}$ seu $\frac{n \sqrt{2ab}}{b}$.

Ergo hoc tempus circuitus æquale tempori ofcillationis penduli SH, ac proinde per ea quæ pag. præced. ²⁾ duplum temporis vibrationis GL ³⁾.

§ 5. Poteram pagina præced. ²⁾ brevius sic rationem colligere.

Est autem tempus per EA æquale tempori semiofcillationis penduli duplam longitudinem BA habenti[s], hoc est longitudinem $\frac{1}{2}a$, nam BA est $\frac{1}{4}a$. Ergo et tempus per GF æquale eidem semiofcillationi penduli $2BA$ five $\frac{1}{2}a$.

Sed hæc semiofcillatio est ad semiofcillationem penduli SH ut 1 ad 2. Ergo tempus per GF æquale dimidio semiofcillationis penduli SH. Ergo tempus totius vibrationis GL æquale semiofcillationi penduli SH, vel ofcillationi penduli dimidiæ longitudinis FH.

¹⁾ Voir le théorème X à la p. 367 qui précède, ou bien la Proposition identique du Traité „De Vi Centrifuga” à la p. 291 du T. XVI.

²⁾ C.à.d. par le § 3.

³⁾ Huygens ne calcule ici la période d'une vibration circulaire que pour le cas où la tension K et le poids G sont égaux. Il est évident qu'il eût pu tout aussi bien considérer le cas où cette égalité n'existe pas et qu'alors aussi il serait arrivé à la conclusion que le temps d'une vibration circulaire — c'est le cas déjà considéré dans le § 2 — est le double de celui de la vibration simple dans le cas du § 3. Cette période est donc, d'après ce théorème et la note 5 de la p. 491,

$$T = 2t = \pi \sqrt{\frac{ml}{K}}$$