



[Fig. 13.] Ergo percurrit GF eodem tempore quo arcum ea [Fig. 13] cycloidis alterius æqualem ipsi FG, in cuius arcus principio e quadruplo magis incitetur quam in principio arcus EA prioris cycloidis. Oportet igitur ac quadruplam esse AC [Fig. 12] et ad ∞ AD. sic enim arcus ea æqualis fiet arcui EA, et incitatio in e sive per rectam da erit quadrupla incitationis in E sive per rectam DA. Jam vero cum ca, ad, ab sint proportionales apparet ba esse $\frac{1}{4}$ BA. Ideoque arcum ea percurri dimidio temporis quo percurritur arcus EA. Ergo et GF, existente pondere K quadruplo ponderis G, duplo minori tempore peragetur quam ante cum pondus K ipsi G æquale effet.

Igitur qualicumque posita ratione ponderis K ad G, habebit tempus semiofcillationis penduli SH ad vibrationem integram GL rationem subduplicatam ponderis K ad G⁵⁾.

Ergo etiam si vicissim velimus ut manente eodem pondere K vibrationes duplo celeriores fiant, oportet in G unam quartam prioris ponderis relinquere.

§ 4. Quæritur proportio temporis ambitus circularis per circumferentiam cuius

n'est besoin de tenir compte que de la force centrifuge (et centripète). Si cette force etait absolument proportionnelle à l'écart, il y aurait isochronisme des vibrations de différentes amplitudes d'après les Prop. I et III sur la force centrifuge (voir la p. 366 qui précède).

- 1) La corde tendue SGH est supposée impondérable; ou, si l'on veut, c'est une corde dont le poids, fort considérable, est supposé concentré en son point milieu. La corde étant verticale, la tension de la partie SG est supérieure à celle de la partie GH. Dans le § 1 Huygens ne tient pas compte de cette circonstance; il suppose la force agissant sur le poids G dirigée vers le centre du mouvement F. Mais dans le § 6 il revient sur ce sujet pour apporter la correction nécessaire. Le poids se meut ici, par hypothèse, suivant la droite GFL.
- 2) La corde (Fig. 12).
- 3) C.à.d. la composante, dans le sens du mouvement, de la force agissant sur le poids G. Comparez l'Avertissement qui précède.
- 4) Il s'agit de la moitié d'une oscillation simple.
- 5) Il résulte de ce calcul que dans le cas considéré — lorsqu'on ne tient pas encore compte de la correction nécessaire; voir les notes 1 de la p. 491 et 5 de la p. 493 — le temps de la vibration simple, de G à L, est $\frac{\pi}{2} \sqrt{\frac{l}{g}} \sqrt{\frac{G}{K}}$, où g est l'accélération de la pesanteur et l = 2a la longueur de la corde. K est la tension de la corde, et G son poids concentré en son point milieu. En appelant — ce que Huygens ne fait point; comparez la note 5 de la p. 230 du T. XVI — m la masse du poids G, on peut écrire $t = \frac{\pi}{2} \sqrt{\frac{ml}{K}}$.